

2 قدريس المفهوم

اطرح الأسئلة الداعمة لكل مثال للتثير بين خيارات التعليم.

أمثلة

المتاليات الحسابية والهندسية

إن تحديد ما إذا كانت المتالية حسابية أم هندسية يمكن أن يساعدك على إيجاد النطاق، ومقدماً تعرف النطاق، يمكنك مناقبة المتالية لإيجاد الحدود الناقصة.

منطقة العمل

أمثلة

1. صفت العلاقة بين الحدود في المتالية الحسابية ... 7, 14, 21, 28, ... ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية.



يتم إيجاد كل حد عن طريق إضافة 7 إلى الحد السابق. تابع النطاق لإيجاد الحدود الثلاثة التالية.

$$28 + 7 = 35 \quad 35 + 7 = 42 \quad 42 + 7 = 49$$

الحدود الثلاثة التالية هي 35, 42, 49.

2. صفت العلاقة بين الحدود في المتالية الهندسية ... 2, 4, 8, 16, ... ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية.



يتم إيجاد كل حد عن طريق ضرب الحد السابق في اثنين. تابع النطاق لإيجاد الحدود الثلاثة التالية.

$$16 \times 2 = 32 \quad 32 \times 2 = 64 \quad 64 \times 2 = 128$$

الحدود الثلاثة التالية هي 32, 64, 128.

تأكد من فهمك لأوجه حلول المسائل التالية لتأكد أنك فهمت.

- a. 0, 15, 30, 45, ... b. 4, 5, 4, 3, 5, 3, ...
c. 1, 3, 9, 27, ... d. 3, 6, 12, 24, ...

يتم إيجاد كل حد عن طريق إضافة 15 إلى الحد السابق:
60, 75, 90

- a. يتم إيجاد كل حد عن طريق ضرب 0.5 من الحد السابق: 2.5, 1.5

- b. يتم إيجاد كل حد عن طريق ضرب الحد السابق في 3: 81, 243, 729.

- c. يتم إيجاد كل حد عن طريق ضرب الحد السابق في 2: 48, 96, 192

1. صفت العلاقة بين الحدود في متالية حسابية.

- كيف يمكنك التوصل إلى كل حد ثالث في متالية حسابية؟ أجمع العدد نفسه على الحد السابق.

- ما العلاقة بين الحدود؟ يزيد كل حد بمقدار 7 عن الحد الذي يسبقه.

• كيف يمكنك التوصل إلى الحدود الثلاثة التالية؟ أضف 7
 $42 + 7 = 49, 49 + 7 = 56, 56 + 7 = 63, 63 + 7 = 70, 70 + 7 = 77, 77 + 7 = 84, 84 + 7 = 91$

- هل سيكون العدد 91 ضمن هذه المتالية في النهاية؟ اشرح. نعم:

$$63 + 7 = 70, 70 + 7 = 77, 77 + 7 = 84, 84 + 7 = 91$$

هل تزيد مثلاً آخر؟

صف العلاقة بين الحدود في المتالية الحسابية ... 4, 7, 10, 13, ... ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية. يتم التوصل إلى كل حد بجمع 3 على الحد السابق: 16, 19, 22.

2. صفت العلاقة بين الحدود في متالية هندسية.

- كيف يمكنك التوصل إلى كل حد ثالث في متالية هندسية؟ اضرب العدد نفسه في الحد الذي يسبقه.

- ما العلاقة بين الحدود؟ يصل كل حد إلى ضعف الحد الذي يسبقه.

- كيف يمكنك التوصل إلى الحدود الثلاثة التالية؟ أضرب في 2:
 $16 \times 2 = 32, 32 \times 2 = 64, 64 \times 2 = 128$

- هل يتضمن العدد 514 إلى هذه المتالية؟ اشرح. لا:
 $128 \times 2 = 256, 256 \times 2 = 512, 512 \times 2 = 1,024$
إذا العدد 514 ليس ضمن هذه المتالية.

هل تزيد مثلاً آخر؟

صف العلاقة بين الحدود في المتالية الهندسية ... 3, 12, 48, 192, ... ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية.

- يتم التوصل إلى كل حد بضرب 4 في الحد الذي يسبقه:
 $768, 12,288$

مثال

3. أوجد قاعدة دالة.

- AL**
- ما المواقع المذكورة في الجدول؟ 1 و 2 و 3 و 4 و 7.
 - ما قيمة الحدود المذكورة في الجدول؟ 3 و 6 و 9 و 12 و قيمة غير معروفة.
 - ما الذي تحاول التوصل إليه؟ قيمة حد الموضع 7 و قيمة الحد رقم عشرة.
 - كيف يمكنك أن تصف العلاقة بين قيمة الحد و موضعه؟ نبلغ كل قيمة ثلاثة أضعاف موضعها.
 - كيف يمكنك كتابة "ثلاثة أضعاف موضعها" على شكل قاعدة في الجدول؟ $3n$ أو $(n)3$.
 - كيف يمكنك التوصل إلى قيمة الحد رقم عشرة؟ أستبدل n بالعدد 10 في التعبير $3n$ وأقوم بالضرب.
 - راجع ممود "قيمة الحد" في الجدول.
- هل هذه متتابعة حسابية أم هندسية؟ حسابية؛ يتم التوصل إلى كل حد بجمع 3 على الحد السابق.
- ما رقم موضع قيمة الحد 141 في هذه العلاقة؟ 47، عند الحل بترتيب عكسي، $141 \div 3 = 47$.
- BL**
- هل تريدين مثالاً آخر؟
- استخدم الكلمات والرموز لوصف قيمة كل حد بالنسبة إلى موضعه. ثم أوجد قيمة الحد رقم ثمانية. أكبر بمقدار اثنين من رقم موضعه: $2 + 10 = 12$:
- | | | | | | |
|----------|---|---|---|---|-----------|
| n | 7 | 6 | 5 | 4 | الموضع |
| \equiv | 9 | 8 | 7 | 6 | قيمة الحد |

إيجاد قاعدة

يمكن أيضًا عرض المتتابلة في جدول. يوضع الجدول كأداة من رتبة كل حد في المتتابلة وفيه:

الجدول

الرتبة	4	3	2	1
قيمة الحد	32	24	16	8

8, 16, 24, 32, ...

يمكن كتابة تعبير جبري لوصف متتابلة. ويمكن وصف قيمة كل حد باعتباره دالة لرتبته في الجدول أعلاه. يمكن اعتبار لرتبته على أنها التدخل وفيه الحد من أنها الناتج.

مثال

3. استخدم الكلمات والرموز لوصف قيمة كل حد باعتباره دالة لرتبته. ثم أوجد قيمة الحد العاشر.

رتبة	7	4	3	2	1
قيمة الحد	\equiv	12	9	6	3

لاحظ أن قيمة كل حد تساوي 3 أضعاف رتبته، إذاً دالة $3n$ هي الحد في الرتبة n هي، وإن أوجد قيمة الحد العاشر، أستبدل n بـ 10 بالضرب.

قيمة الحد العاشر هي المتتابلة 30 في المتتابلة.

الرتبة	3	2	1
قيمة الحد	3×3	6	3
1	1×3		
2	2×3		
3	3×3		
4	4×3		
n	$n \times 3$		

تأكد من قيمتك أوجد حلولاً للمسائل التالية تتأكد أنك فهست.

استخدم الكلمات والرموز لوصف قيمة كل حد باعتباره دالة لرتبته. ثم أوجد قيمة الحد الثامن.

الرتبة	7	4	3	2
قيمة الحد	\equiv	30	24	18

e. $48 \cdot 6n$

f. أضفت 4 إلى عدد 12 : $n + 4$

مثال

٤. أوجد قاعدة الدالة.

- ما الذي تطلب منه المسألة التوصل إليه؟ قاعدة لعدد القلائد التي تستطيع بدروة أن تصنعها في x من الساعات
• كيـت يـزيد عـدـد القـلـاـدـات فـي كل ساعـة؟ يـزيد عـدـد القـلـاـدـات بمـقـدـار ٢ كـل ساعـة.

• كـيـت تـعـرـف أـنـ القـاـدـعـة تـشـمـلـ التـعـبـير $2x$ ؟ يـزيد عـدـد القـلـاـدـات بمـقـدـار ٢ كـل ساعـة.

- كـيـت تـعـرـف أـنـ القـاـدـعـة $1 + 2x$ لا تـشـمـلـ هـذـاـ المـوـقـع؟ الإجـابة النـمـوذـجـيـة: إـذـاـ كانـتـ القـاـدـعـة $1 + 2x$. فـلـنـ عـدـد القـلـاـدـات بعد ساعـة سـيـكـونـ $(1 + 2)(1 + 1)$ أو ٣. وـهـذـاـ صـحـيـحـاـ.

• كـيـت يـمـكـنـا اختـيـارـ القـاـدـعـة $3 + 2x$? استـخـدـمـ إـسـتـرـاتـيـجـيـةـ التـخـمـينـ وـالـتـحـقـيقـ وـالـمـرـاجـعـةـ.

- افتـرـضـ أـنـ عـدـد القـلـاـدـات كانـ ٨ وـ ١٠ وـ ١٢ فـيـ السـاعـات ١ وـ ٢ وـ ٣ عـلـىـ التـوـالـيـ. مـاـذاـ سـكـونـ القـاـدـعـةـ التيـ تـشـمـلـ هـذـاـ المـوـقـعـ $2x + 6$ ؟

هل تـرـيدـ مـثـلاـ آخـرـ؟

يـوضـعـ الجـدـولـ عـدـدـ أـرـغـفـةـ الـخـبـرـ التـيـ يـسـطـعـ خـبـارـ خـبـرـهـاـ عـلـىـ أـسـاسـ عـدـدـ السـاعـاتـ التـيـ يـعـلـمـهـاـ. اـكـتـبـ قـاـدـعـةـ لـتـحـديـدـ عـدـدـ أـرـغـفـةـ الـخـبـرـ التـيـ يـسـطـعـ عـلـهـاـ فـيـ x من السـاعـاتـ. $5x + 2$

تمرين موجه

التفصيم التكويفي استخدم هذه التمارين لتفصيم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض طلابك غير مستعددين للواجبات، فاستخدم النشاط المتماثل الوارد أدناه.

مناقشات ثنائية أجعل الطلاب يعملوا في ثانيات ليحددوا أولاً ما إذا كانت كل متالية في التمارين ١-٣ حسابية أم هندسية أم ليست أي منها. ثم اجعلهم يصفوا العلاقة ويتوصلوا إلى القاعدة ويتسعوا في التبسط.

١, ٢, ٣

٤. يوضح الجدول عدد الأساور التي تستطيع بدرية صناعتها بناءً على عدد الساعات التي تمضيها. اكتب قاعدة دالة لإيجاد عدد الأساور التي يمكنها صناعتها في عدد x من الساعات.

الساعات (س)	عدد الأساور
1	5
2	7
3	9
x	■

الإجـابةـ القـاـدـعـةـ: حـدـدـ الدـالـةـ.
لاـجـدـ أـنـ الـقـيـمـ ... ٥, ٧, ٩, ... يـزـيدـ سـيـدارـ ٢.
إـذـاـ الـدـالـةـ تـضـمـنـ $2x$. إـذـاـ كـانـتـ القـاـدـعـةـ شـابـيـةـ
سـيـكـونـ عـدـدـ الـأـسـاـرـ فـيـ سـاعـةـ وـاحـدـ هوـ ٢.
وـلـكـ هـذـهـ الـقـيـمـ ٥ وـهيـ يـزـيدـ عـنـ 2 بـ٢ـ.
وـمـنـ أـجـلـ اـخـتـارـ القـاـدـعـةـ $3 + 2x$. استـخـدـمـ
إـسـتـرـاتـيـجـيـةـ التـخـمـينـ وـالـتـحـقـيقـ وـالـمـرـاجـعـةـ.
الـقـيـمـ: $1: 2(1) + 3 = 2 + 3 = 5$ أو ٥
الـقـيـمـ: $3: 2(3) + 3 = 6 + 3 = 9$ أو ٩
شـفـلـ الـقـاـدـعـةـ $3 + 2x$ دـالـةـ.

أـلـفـ وـالـنـكـرـ
أـلـفـ قـاـدـعـةـ الـسـنـاـلـةـ الـتـالـيـةـ:
5, 9, 13, 17, ...

$4x + 1$

تمرين موجه

١. حـدـدـ الـمـلاـقةـ بـيـنـ الـحـدـودـ فـيـ الـسـنـاـلـةـ ... ١, ٢, ٤, ٦, ٨, ٩, ١٣, ١٥, ١٧, ٢٦, ٥٢, ١٠٤.

ثمـ اـكـتـبـ الـحـدـودـ الـلـاتـلـاـتـ فـيـ الـسـنـاـلـةـ. (الـسـنـاـلـةـ ١, ٢, ٤, ٦, ٨, ٩, ١٣, ١٥, ٢٦, ٤١٦, ٨٣٢)

يـوـمـ إـيـجادـ كـلـ حـدـ فـيـ خـلـالـ ضـرـبـ الـحـدـ الـسـابـقـ فـيـ ٢.

الرقيقة	قيمة الحد	ن	٦	٣	٢	١	٠:٢n
■	٨	٦	٤	٢			

٣. يـوضـعـ الجـدـولـ عـلـىـ الـبـيـسـارـ الرـسـومـ التـيـ تـفـصـيـلـ
أـحدـيـ الـمـكـبـيـاتـ عـلـىـ التـاـخـرـ فـيـ إـرـجـاعـ الـكـتـبـ.
وـلـكـ اـسـتـاـنـالـاـتـ إـلـىـ عـلـىـ عـدـدـ الـأـسـاـرـ التـيـ تـمـ
التـاـخـرـ خـلـالـهـ فـيـ إـرـجـاعـ الـكـتـبـ. اـكـتـبـ قـاـدـعـةـ
دـالـةـ إـيـجادـ الـرـسـومـ المـفـرـوـضـةـ عـلـىـ الـكـتـبـ
الـتـيـ تـمـ التـاـخـرـ فـيـ دـالـةـ $2x + 1$.
مـنـ الـأـسـاـرـ (الـتـالـيـاتـ ٤)

٤. الاستـفـادـةـ مـنـ السـؤـالـ الـأـسـاسـيـ ماـ الـقـرـقـ بـيـنـ الـسـنـاـلـةـ الـحـسـابـيـةـ
وـالـسـنـاـلـةـ الـهـيـنـسـيـةـ؟ الإـجـابةـ النـمـوذـجـيـةـ: كـلـهـاـ أـنـهـاـطـ عـدـدـيـةـ.
وـكـلـ الـسـنـاـلـةـ الـحـسـابـيـةـ جـمـيـعـهـاـ وـالـسـنـاـلـةـ الـهـيـنـسـيـةـ فـرـيـدةـ.

نعم
لا

مهارات في الرياضيات

التركيز على

التمرين (التمارين)

15

فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.

14, 16

بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.

5–7, 21–23

محاولة إيجاد البينة واستخدامها.

تعد الممارسات في الرياضيات 1 و 3 و 4 جوانب من التفكير الرياضي التي يتم التركيز عليها في كل درس. يتيح للطلاب الفرصة لبذل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف من الحياة اليومية.

اذكر ما إذا كانت كل متالية مما يلي حسابية أم هندسية. ثم أوجد الحدين التاليين في المتالية.

10, 1, 6, 36, 216

متالية هندسية: 1,296, 7,776

11. 0.75, 1.75, 2.75, 3.75

متالية حسابية: 4.75, 5.75

12. 0, 13, 26, 39

متالية حسابية: 52, 65

الصيغ	عدد الكلب
1	4
2	6
3	8
4	10
5	■

بروب قارئ غلب الحروب لعمل واحدة عرض للمتحف.
ويوضح الجدول عدد الكلب في كل صيغة. هل ينبع هذا النمط
متلايا على متالية حسابية أم متالية هندسية؟ اشرح.

كم عدد الكلب التي ستكون في الصيغة 15؟

متالية حسابية يتم إيجاد كل حد عن طريق إضافة 2 إلى الحد السابق:

$$12 + 2 = 10; 10 + 2 = 12 \text{ غالبة}$$

مسائل مهارات التفكير العليا مهارات التفكير العليا

14. الاستدلال الاستقرائي أثمن متالية يختلف فيها $\frac{1}{4}$ إلى كل عدد.

$$1, 2\frac{1}{4}, 3\frac{1}{2}, 4\frac{3}{4}, \dots$$

15. المثابرة في حل المسائل راجع الجدول التالي.
استخدم الكلمات والرموز لتعظيم علاقة كل حد باعتباره دائمة
لرتبته. ثم حدد قيمة الحد عندما يكون $n = 100$.

n	5	4	3	2	1	الرتبة	قيمة الحد
■	25	16	9	4	1		

$$\text{قيمة كل حد تساوي مربع رتبته: } n^2 = 10,000$$

16. تبرير الاستنتاجات ما ذكره إيجاد قيمة الحد المقود في المتالية
في الجدول الموجود على اليسار؟ يُذكر إجابتك.

$$3 - 4(x), \text{إيجاد قيمة المقدمة: } 3 + 4(1) = 7$$

يمكنك إيجاد المقدمة لتحقق $(x) = 4$. عندما تكون قيمة المدخل 1،
تكون قيمة المخرج 1. وهذا ينبع من $3 - 4$. إذاً المقدمة هي $3 - 4(x)$.

الرتبة: x	قيمة الحد
1	1
2	5
3	9
4	13
5	17
x	■

التقويم التكويني

استخدم هذا الشاطئ كتقويم تكويني نهاية قبل انصراف الطلاب من صفت الدارسي.

بطاقة التحقق

من إنشاء الطالب

اعرض الجدول التالي. اطلب من الطالب أن يتوصلا إلى قيمة الموضع رقم عشرة. 15

الموضع				
14	13	12	11	10
19	18	17	16	■

الاسم _____ واجباتي المنزلية _____

تمرين إضافي

استخدم الكلمات والرموز لوصف قيمة كل حد باعتباره دالة الرتبة. ثم أوجد قيمة الحد الثاني عشر في المتالية.

لنظر إلى الرتبة 6 وقيمة الحد. سنجد أن المدد 2 أقل من 6 بـ 4 رتبة، إذا حاول طرح 4 من أعداد المواضع الأخرى التدرجية. وتتمثل قاعدة الدالة في $12 - 4 = 8$. $n - 4$

17.	الرتبة	n	9	8	7	6	5	4	3	2	قيمة الحد
		=	5	4	3	2					

طرح 4 من عدد الرتبة، $4 - n$



18.	الرتبة	n	4	3	2	1	5	6	7	8	قيمة الحد
		=	20	15	10	5					

أقرب عدد للرتبة في 5: 60

4, 12, 36, 108, ...

ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية في المتالية.

يمكن إيجاد كل حد من خلال ضرب الحد السابق في 3

عدد الإضافات (x)	الكلمة (AED)
1	12
2	14
3	16
4	18

20. يوضح الجدول تكراراً فطريّة بينها بناءً على عدد الإضافات الملعوبة.
الكتب قاعدة دالة لإيجاد تكراراً فطريّة بينها مع عدد X من الإضافات الملعوبة.

$$2x + 10$$

❷ تحديد البنية حدد كيّمية إيجاد الحد الثاني في كل متالية. ثم أوجد الحدين التاليين في المتالية.

21. 1, 4, 7, 10, ...

بالإضافة 3: 13, 16

22. 2.3, 3.2, 4.1, 5.0, ...

بالإضافة 0.9: 5.9, 6.8

23. $1\frac{1}{2}$, 3, $4\frac{1}{2}$, 6, ...

بالإضافة $1\frac{1}{2}$: $7\frac{1}{2}$, 9

24. 7, $11\frac{1}{2}$, 16, $20\frac{1}{2}$, ...

25. 14.6, 19.3, 24, 28.7, ...

أوجد العدد الناقص في كل متالية.

انطلق! تمرين على الاختبار

تمرين على الاختبار

انطلق! تمرين على الاختبار

26. في المترات التالية ينطبق شأن المترات التالية؟ عدد جميع ما ينطبق.

3, 21, 39, 57, ...

هذه متتالية هندسية.

هذه متتالية حسابية.

الحد الخامس في المتتالية هو 71.

يتم إيجاد كل حد من طريق إضافة 18 إلى الحد السابق.

27. يوضح الجدول عدد غلب النساء في كل مستوى لواجهة عرض في أحد محلات البقالة.

أعلى القيم الصحيحة لإثبات كل عبارة منها.

	2	3	4	6
48	64	72	96	

لإيجاد حدود إضافية للمترات، اضرب الحد السابق في

96

علية من النساء في المستوى السادس لواجهة العرض.

متتالية الأعداد تتبع متتالية (n).

هندسية

المستوى (n)	عدد الغلب
1	3
2	6
3	12
4	24
n	⋮

مراجعة شاملة

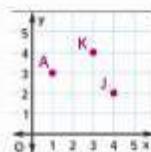
28. $62 \times 3 = 186$

29. $12 \times 7 = 84$

30. $16 \times 8 = 128$

أضرب.

32. ارسم النقاط A(1, 3), K(3, 4) و J(4, 2) و سنتها على التمثيل البياني.



31. يوضح الجدول تكلفة الاستئجار من شركة جاسو للتأجير. كم ستكون تكلفة استئجار لorry فيه 10 AED 13.50

النوع	التكلفة لكل المسافر (AED)
سيارة	3.50
نوعة الديبور	4.50
حطم الماء	20

يُهدى التمرينان 26 و 27 الطلاب لتفكير أكثر دقة بطلبه التقويم.

26. تتطلب فقرة الاختبار الحالي من الطلاب شرح المفاهيم الرياضية وتطبيقاتها وحل المسائل بدقة، مع الاستفادة من البنية.

عمق المعرفة 1

ممارسات في الرياضيات م.ر. 1

معايير رصد الدرجات

يجب للطلاب عن السؤال إجابة صحيحة.

نقطة واحدة

27. تتطلب فقرة الاختبار الحالي من الطلاب شرح المفاهيم الرياضية وتطبيقاتها وحل المسائل بدقة، مع الاستفادة من البنية.

عمق المعرفة 2

ممارسات في الرياضيات م.ر. 1 . م.ر. 7

معايير رصد الدرجات

يسنكم الطلاب كل جملة بشكل صحيح ويدركون أن المتتالية هندسية.

نقطتان

يسنكم الطلاب كل جملة بشكل صحيح أو يذكرون أن المتتالية هندسية.

نقطة واحدة